

4. La aceleración de un móvil que se desplaza sobre el eje X viene dada por $a = 4t - 2$ S.I. Si en $t = 0$ se encuentra en el origen moviéndose hacia la izquierda a 1m/s , determina la posición cuando $t = 4\text{s}$. Explica el movimiento que lleva.

Utilizamos en la resolución la relación entre posición velocidad y aceleración en un movimiento rectilíneo, resolviendo el problema por integración

$$a = 4t - 2 \quad \text{Para} \quad t = 0 \quad v = -1\text{m/s} \quad x = 0$$

$$v = \int a \cdot dt = \int (4t - 2) \cdot dt = 2t^2 - 2t + K$$

$$-1 = 0 + 0 + K \quad v = 2t^2 - 2t - 1\text{m/s}$$

$$x = \int v \cdot dt = \int (2t^2 - 2t - 1) \cdot dt = \frac{2t^3}{3} - t^2 - t + K'$$

$$0 = 0 + 0 + 0 + K' \quad x = \frac{2t^3}{3} - t^2 - t \text{ m}$$

$$\text{Si} \quad t = 4\text{s} \quad x = 20,67\text{m}$$

El móvil se mueve aceleradamente con aceleración no constante

6. Determina la posición de un móvil cuando $t = 3\text{s}$ sabiendo que lleva un movimiento rectilíneo con $a = 3t\text{m/s}^2$ y que cuando $t = 2\text{s}$ se encuentra en $x = 2\text{m}$ y cuando $t = 1\text{s}$ se encuentra en $x = 1\text{m}$.

Problema análogo al anterior en el que es necesario arrastrar la primera constante de integración porque las informaciones del problema sólo están en la posición y no en la velocidad.

$$a = 3t \quad \text{Para} \quad t = 2 \quad x = 2\text{m} \quad t = 1 \quad x = 1\text{m}$$

$$v = \int a \cdot dt = \int 3t \cdot dt = \frac{3t^2}{2} + K$$

$$x = \int v \cdot dt = \int \left(\frac{3t^2}{2} + K \right) \cdot dt = \frac{t^3}{2} K \cdot t + K'$$

$$\text{Condiciones} \quad 2 = \frac{2^3}{2} + K \cdot 2 + K' \quad 1 = \frac{1}{2} + K + K'$$

$$K = -\frac{5}{2} \quad K' = 3$$

$$x = \frac{t^3}{2} - \frac{5t}{2} + 3 \text{ m}$$

$$\text{Si} \quad t = 3\text{s} \quad x = 9\text{m}$$