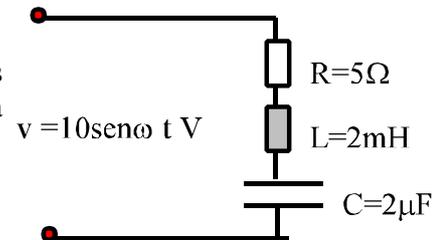


Un circuito serie RLC con $R = 5\Omega$, $L = 2\text{mH}$ y $C = 0,2\mu\text{F}$ se conecta a un voltaje alterno de valor $v = 10 \text{ sen } \omega \cdot t \text{ V}$ siendo ω la pulsación correspondiente a la resonancia.

a- Determina razonadamente la frecuencia de resonancia.

b- Escribe la ecuación de la intensidad instantánea en resonancia.

c- Escribe las ecuaciones de los voltajes instantáneos en los extremos de la bobina, en los del condensador y en los de la resistencia en resonancia.



a. La impedancia del circuito RLC serie viene dada por la expresión siguiente y como en resonancia la impedancia es mínima $X_L = X_C$ resulta

$$Z = \sqrt{R^2 + \left(L \cdot \omega - \frac{1}{C \cdot \omega}\right)^2}$$

$$L \cdot \omega - \frac{1}{C \cdot \omega} = 0 \quad L \cdot \omega = \frac{1}{C \cdot \omega}$$

$$\omega = \sqrt{\frac{1}{L \cdot C}} = \sqrt{\frac{1}{2 \cdot 10^{-3} \cdot 0,2 \cdot 10^{-6}}} = 5 \cdot 10^4$$

$$f = \frac{\omega}{2 \cdot \pi} = \frac{5 \cdot 10^4}{2 \cdot \pi} = 7957 \text{ Hz}$$

b,c

Como en resonancia i y v están en fase, la bobina adelanta el voltaje en $\pi/2$ radianes y el condensador lo retrasa en el mismo valor y la impedancia en estas condiciones coincide con la resistencia tenemos:

$$I = \frac{V}{Z} = \frac{V}{R} = \frac{10}{5} = 2 \text{ A}$$

$$i = 2 \cdot \text{sen } 5 \cdot 10^4 \cdot t \text{ A}$$

$$v_R = R \cdot I \cdot \text{sen } \omega \cdot t = 10 \cdot \text{sen } 5 \cdot 10^4 \cdot t \text{ A}$$

$$v_L = I \cdot L \cdot \omega \cdot \text{sen} \left(\omega \cdot t + \frac{\pi}{2} \right) = 2 \cdot 100 \cdot \text{sen} \left(\omega \cdot t + \frac{\pi}{2} \right) = 200 \cdot \text{sen} \left(5 \cdot 10^4 \cdot t + \frac{\pi}{2} \right) \text{ V}$$

$$v_C = I \cdot \frac{1}{C \cdot \omega} \cdot \text{sen} \left(\omega \cdot t - \frac{\pi}{2} \right) = 2 \cdot 100 \cdot \text{sen} \left(\omega \cdot t - \frac{\pi}{2} \right) = 200 \cdot \text{sen} \left(5 \cdot 10^4 \cdot t - \frac{\pi}{2} \right) \text{ V}$$